

УДК 539.264; 544.233

**ОЛЬГА ВЛАДИМИРОВНА СИДОРОВА**

аспирант кафедры физики твердого тела физико-технического факультета, Петрозаводский государственный университет (Петрозаводск, Российская Федерация)  
*solvak@yandex.ru*

**ЛЮДМИЛА АЛЕКСАНДРОВНА АЛЕШИНА**

кандидат физико-математических наук, профессор кафедры физики твердого тела физико-технического факультета, Петрозаводский государственный университет (Петрозаводск, Российская Федерация)  
*aleshina@psu.karelia.ru*

**АЛЕКСАНДР МИХАЙЛОВИЧ КАЛИНКИН**

доктор химических наук, ведущий научный сотрудник лаборатории химии и технологии сырья тугоплавких редких элементов Института химии и технологии редких элементов и минерального сырья им. И. В. Тананаева, Кольский научный центр РАН (Апатиты, Мурманская область, Российская Федерация)  
*kalinkin@chemy.kolasc.net.ru*

**ЕЛЕНА ВЛАДИМИРОВНА КАЛИНКИНА**

кандидат технических наук, старший научный сотрудник лаборатории минерального сырья и силикатного синтеза Института химии и технологии редких элементов и минерального сырья им. И. В. Тананаева, Кольский научный центр РАН (Апатиты, Мурманская область, Российская Федерация)  
*kalinkina@chemy.kolasc.net.ru*

**БЛИЖНИЙ ПОРЯДОК В МЕХАНОАКТИВИРОВАННЫХ ТИТАНИТАХ**

Показано, что скорость размола титанита в атмосфере  $\text{CO}_2$  и на воздухе совпадает. Число кислородных соседей атома титана уменьшается в образцах, размолотых в обеих атмосферах. Число кислородных соседей атома кальция уменьшается только при размолоте в воздухе.

Ключевые слова: титанит, механоактивация, рентгенографический анализ, ближний порядок, аморфизация

**ВВЕДЕНИЕ**

Синтез новых соединений является одной из основных задач химии и современной науки в целом. Для решения этой проблемы применяются и разрабатываются новые методы инициирования и ускорения химических реакций и физико-химических превращений. Одним из таких методов является метод механоактивации, заключающийся в тонком измельчении материалов при помощи различных измельчительных аппаратов. Было обнаружено, что Са- и Mg-содержащие силикаты способны поглощать при определенных режимах измельчения углекислый газ из окружающей среды в количествах, сопоставимых с массой измельчаемого образца. Данный эффект был назван механохимическим [1], [2], [5], [6], и его открытие стимулировало интерес к исследованиям сопровождающих его структурных изменений.

Информацию о характере изменения структуры материалов при механоактивации в различных средах можно получить дифракционными методами.

Целью данной работы были рентгенографические исследования влияния размола в воздухе и атмосфере углекислого газа на структурное состояние титанита (сфена)  $\text{CaTiSiO}_5$ .

**ОБРАЗЦЫ И МЕТОДИКА ЭКСПЕРИМЕНТА**

Объектами исследования были образцы мономинеральной фракции сфена Ковдорского

месторождения (Кольский полуостров), предоставленные для исследований институтом химии и технологии редких элементов и минерального сырья (ИХТРЭМС, Апатиты), в исходном состоянии и после размола в течение 30 мин. в атмосфере углекислого газа и воздуха. Методика приготовления образцов изложена в [4].

Рентгенографирование проводилось на автоматизированных установках ДРОН-3 в Fe- и  $\text{MoK}_\alpha$ -излучениях. Монохроматором служил кристалл пиролитического графита. Методика рентгенографирования изложена в [7].

Анализ результатов эксперимента проводился методом Финбака – Уоррена с использованием пакета прикладных программ X-гау. Подробно методика обработки экспериментальных данных изложена в [2].

**РЕЗУЛЬТАТЫ РЕНТГЕНОГРАФИЧЕСКОГО ЭКСПЕРИМЕНТА**

Из рентгенограмм, приведенных на рис. 1а, видно, что после 30 мин. размола в атмосферах углекислого газа и на воздухе на рентгенограммах сфена сохраняются слабые и размытые отражения от кристаллической фазы.

Размол сфена в атмосфере углекислого газа  $\text{CO}_2$  и на воздухе приводит к выходящему за пределы погрешности различию в рентгенограммах в области до  $5 \text{ \AA}^{-1}$ , что и обуславливает

различие в кривых  $D(r)$  (рис. 1б). Для расчета характеристик ближнего порядка (радиусов и размытий координационных сфер и координационных чисел) использовались кривые рассеяния, полученные на излучении  $\text{MoK}_\alpha$ .

Кривые распределения парных функций  $D(r)$  (рис. 1б) размыты, максимумы перекрываются, поэтому прежде чем проводить из них расчет характеристик ближнего упорядочения, была проанализирована кристаллическая структура сфена. Известно, что сфен кристаллизуется в моноклинной модификации. При комнатной температуре и нормальном давлении стабильна фаза с пространственной группой  $P2_1/a$  [8], [10], [11]. При температуре  $270^\circ\text{C}$  происходит фазовый переход в высокотемпературную форму с сохранением сингонии, но с изменением пространственной группы на  $A2/a$  [8], [9], [11].

В табл. 1 приведены периоды ( $a$ ,  $b$ ,  $c$ ), угол моноклинности  $\beta$ , число формульных единиц на элементарную ячейку ( $Z$ ), объем элементарной ячейки  $V$  и плотность  $\rho$  обеих модификаций сфена.

Таблица 1

Кристаллографические характеристики полиморфных модификаций сфена,  $Z=4$

Пр. гр. сим.	$a$ , Å	$b$ , Å	$c$ , Å	$\beta$ , °	$V$ , Å <sup>3</sup>	$\rho$ , г/см <sup>3</sup>
$P2_1/a$ [11]	7,068	8,714	6,562	113,82	369,73	3,52
$A2/a$ [11]	7,060	8,737	6,565	113,70	370,80	3,51

Основу структуры сфена составляют зигзагообразные цепочки октаэдров  $\text{TiO}_6$  (рис. 2а), вытянутые вдоль оси  $a$ . Октаэдры связаны через анион  $\text{O1}$  (рис. 2а). Тетраэдры  $\text{SiO}_4$  представляют собой изолированные друг от друга структурные единицы, то есть они не соединены между собой, а связывают цепочки октаэдров  $\text{TiO}_6$  (рис. 2б). Кальций находится в окружении 7 атомов кислорода и располагается между октаэдрическими цепочками координационных многогранников титана (рис. 2в). Анион кислорода, находящийся в позиции  $\text{O1}$ , связан с двумя ионами титана и одним ионом кальция; анионы  $\text{O2}$  и  $\text{O3}$  окружены тремя катионами:  $\text{Ti}$ ,  $\text{Si}$  и  $\text{Ca}$ ;

анионы  $\text{O4}$  и  $\text{O5}$  — четырьмя катионами:  $\text{Ti}$ ,  $\text{Si}$  и двумя ионами кальция (рис. 2в).

Полиморфный переход от низко- к высокотемпературной модификации сфена ( $P2_1/a \rightarrow A2/a$ ) относится к классу деформационных и связан с повышением симметрии в расположении катионов в координационных многогранниках. В низкотемпературной форме (группа симметрии  $P2_1/a$ ) ион титана смещен из геометрического центра октаэдра на  $0,21 \text{ Å}$  в направлении оси цепочек. В результате фазового перехода при  $270^\circ\text{C}$  (группа симметрии новой фазы  $A2/a$ ) ион титана размещается в геометрическом центре октаэдра: расстояния  $\text{Ti-O}$  попарно одинаковы (табл. 2). Атом кремния также смещается в центр симметрии тетраэдра (табл. 2).

Таблица 2

Расстояния между анионами и катионами в координационных многогранниках

$P2_1/a$			$A2/a$			$P2_1/a$			$A2/a$		
Ca	O1	2,270	Ca	O1	2,286	Ti	O1	1,772	Ti	O1	1,867
Ca	O3	2,406	Ca	O2	2,418	Ti	O1	1,974	Ti	O1	1,867
Ca	O2	2,427	Ca	O2	2,418	Ti	O3	1,971	Ti	O2	1,994
Ca	O4	2,678	Ca	O3	2,630	Ti	O2	2,010	Ti	O2	1,994
Ca	O4	2,389	Ca	O3	2,415	Ti	O5	2,049	Ti	O3	2,016
Ca	O5	2,585	Ca	O3	2,630	Ti	O4	1,986	Ti	O3	2,016
Ca	O5	2,433	Ca	O3	2,415						
Si	O5	1,634	Si	O3	1,646	Si	O3	1,654	Si	O2	1,640
Si	O4	1,659	Si	O3	1,646	Si	O2	1,624	Si	O2	1,640

Атомы кислорода с одинаковыми номерами, но с различными расстояниями до одного и того же катиона связаны между собой симметричными преобразованиями соответствующей пространственной группы. В координационном многограннике  $\text{Ca}$  в обеих фазах 4 расстояния  $\text{Ca-O}$  близки:  $\sim 2,4 \text{ Å}$ . Расстояния  $\text{Ca-O3}$  и  $\text{Ca-O5}$  в высокотемпературной фазе одинаковы и составляют  $2,63 \text{ Å}$ . Один атом кислорода в координационном многограннике кальция имеет короткую связь  $\text{Ca-O1}$ :  $2,27 \text{ Å}$  в низкотемпературной и  $2,286 \text{ Å}$  в высокотемпературной фазе.

Анализ рентгенограммы исходного образца сфена показал, что его структура соответствует моноклинной модификации, пространственная группа  $P2_1/a$ .

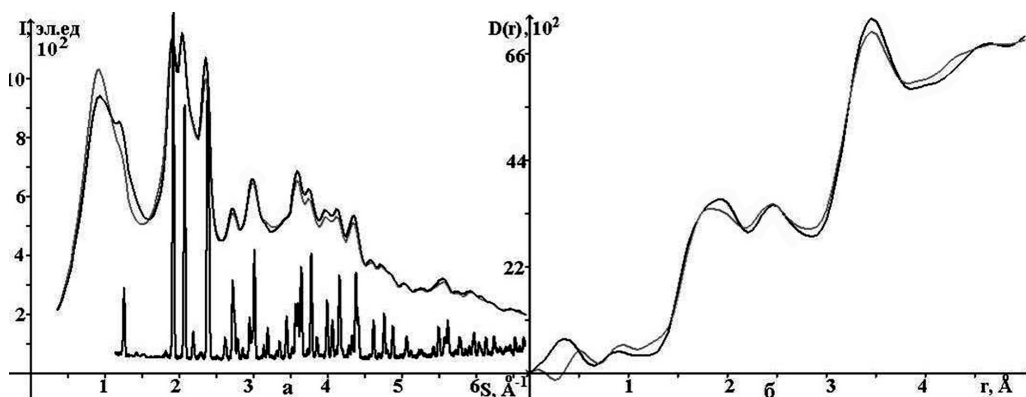


Рис. 1. Рентгенограммы кристаллического (в нижней части рисунка) и размолотых образцов сфена: а) — 30 мин. в  $\text{CO}_2$ ; — 30 мин. в воздухе; б) кривые распределения парных функций  $D(r)$

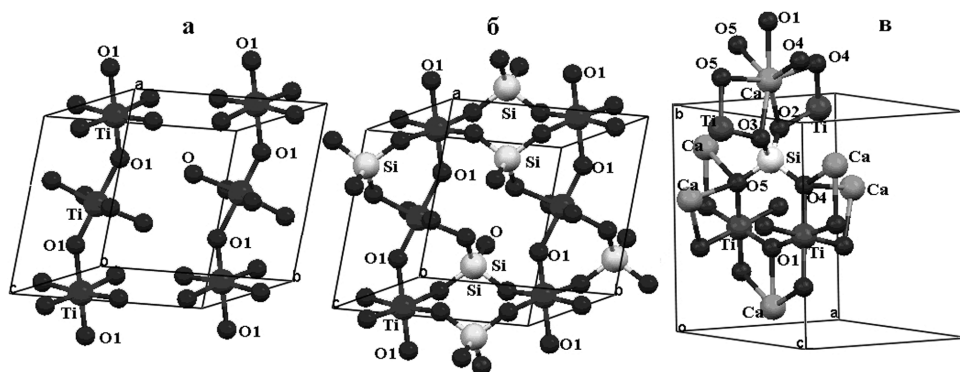


Рис. 2. Координационные многогранники в структуре сфена: а – цепочки октаэдров  $\text{TiO}_6$ ; б – тетраэдры  $\text{SiO}_4$ , связывающие цепочки октаэдров  $\text{TiO}_6$ ; в – связь между координационными многогранниками Ti, Ca и Si

Однако поскольку, температура фазового перехода  $\text{P2}_1/\text{a} \rightarrow \text{A2}/\text{a}$  невысока и, кроме того, увеличение давления также приводит к указанному фазовому переходу [9], следует ожидать, что механическое воздействие при размоле может его активизировать. Поэтому с целью анализа кривых  $D(r)$  были рассчитаны радиусы координационных сфер и координационные числа для обеих кристаллических модификаций сфена. Результаты расчета представлены в табл. 3.

Значения радиусов и координационных чисел, рассчитанные из экспериментальных кривых  $D(r)$ , соответствовали данным для объединенных координационных сфер (табл. 3). Поскольку объединялись сферы, состоящие из пар атомов разного сорта (i, j; i1, j1), координационные числа для кристаллов пересчитывались согласно соотношению

$$N_{ij} = N_{i1j1} \cdot \frac{Z_{i1}Z_{j1}}{Z_iZ_j}, \quad (1)$$

вытекающему из равенства площадей под максимумами [1].

В табл. 4 значения радиусов координационных сфер и координационных чисел размолотых образцов сфена, рассчитанные из экспериментальных кривых  $D(r)$ , сравниваются с соответствующими данными для кристаллов.

Из табл. 4 следует, что при размоле сфена на воздухе расстояния  $r_{\text{Si-O}}$  в тетраэдрах  $\text{SiO}_4$  совпадают с соответствующим средневесовым расстоянием для кристаллов. Для размолотого в атмосфере  $\text{CO}_2$  сфена значение радиуса координационной сферы  $r_{\text{Si-O}}$  завышено примерно на 2 %. Координационное число  $N_{\text{Si-O}}$  для размолотого на воздухе и в атмосфере  $\text{CO}_2$  сфена совпадает в пределах погрешности с координационным числом  $N_{\text{Si-O}}$  для кристаллических модификаций сфена. Таким образом, координационные многогранники кремния  $\text{SiO}_4$  в структуре размолотых образцов сохраняются (табл. 4).

Число ближайших кислородных соседей (первое координационное число) около атомов титана уменьшается на 4 % при размоле в воздухе и на 8 % при размоле в атмосфере углекислого газа. Среднее значение межатомного расстояния

$r_{\text{Ti-O}}$  для образца, размолотого на воздухе, совпадает по величине с данными для высокотемпературной фазы сфена, тогда как для образца, размолотого в атмосфере  $\text{CO}_2$  оно практически равно соответствующему значению для низкотемпературной фазы (табл. 4).

При размоле на воздухе на 25 % уменьшается число кислородных соседей  $N_{\text{Ca-O}}$  около атома кальция, но при размоле в атмосфере  $\text{CO}_2$  оно близко к значениям, теоретически рассчитанным для кристаллов. Уменьшение числа ближайших кислородных соседей в координационном многограннике кальция при размоле в аналогичных условиях ранее было обнаружено для образцов псевдоволластонита [3], однако наиболее интенсивно этот процесс протекал при размоле в атмосфере  $\text{CO}_2$ .

Вследствие уменьшения числа ближайших соседей Ca-O и Ti-O координационные числа  $N_{\text{O-O(1)}}$  для размолотых на воздухе и в  $\text{CO}_2$  образцов сфена занижены, причем сильнее при размоле в атмосфере углекислого газа.

Координационные числа  $N_{\text{Ca-Si}}$  и  $N_{\text{O-O(2)}}$  для размолотых на воздухе и в атмосфере  $\text{CO}_2$  образцов сфена совпадают в пределах погрешности с координационными числами  $N_{\text{Ca-Si}}$  и  $N_{\text{O-O(2)}}$  для кристаллов.

Сферы Ti-Si, Ca-Ti, Ti-Ti, Ti-O(2), Ti-O(3), Ca-Si не являются индивидуальными в кристалле (табл. 3, 4), поскольку в каждом случае одинаковые радиусы имеют сферы разного типа. Например, близкие по значениям радиусы имеют сферы Ti-Si, Ca-O и Si-O (табл. 3). При расчете координационных чисел из экспериментальной  $D(r)$  задавали тип сферы как Ti-Si, а координационные числа  $\text{Ca-O}$  и  $\text{Si-O}$  пересчитывались на  $\text{Ti-Si}$  по формуле (1).

Из приведенных в табл. 4 данных для указанных выше сфер видно, что рассчитанные из эксперимента координационные числа для сфена, размолотого в атмосфере  $\text{CO}_2$ , наиболее близки к суммарным координационным числам, рассчитанным для высокотемпературной модификации сфена (A2/a). В то же время рассчитанные из эксперимента координационные числа для сфена, размолотого на воздухе, не совпадают с соответствующими суммарными координа-

Таблица 3

Радиусы координационных сфер  $r_{ij}$ , разброс межатомных расстояний  $\Delta r_{ij}$ , координационные числа  $N_{ij}$ , средневесовые значения радиусов  $\langle r_{ij} \rangle$  и суммарные координационные числа  $N'_{ij}$ , рассчитанные для сфена

Сфен P2/a			Сфен A2/a_270C			Сфен P2/a			Сфен A2/a_270C		
	r <sub>ij</sub> , Å	N <sub>ij</sub> , ат.		r <sub>ij</sub> , Å	N <sub>ij</sub> , ат.		⟨r <sub>ij</sub> ⟩, Å	N' <sub>ij</sub> , ат		⟨r <sub>ij</sub> ⟩, Å	N' <sub>ij</sub> , ат.
Si-O	1,64	4,0	Si-O	1,64	4,0	Si-O	1,64	4,00	Si-O	1,64	4,00
Ti-O	1,77	1,0	Ti-O	1,87	2,0	Ti-O	1,88	6,00	Ti-O	1,94	6,00
Ti-O	2,00	5,0	Ti-O	2,01	4,0						
Ca-O	2,27	1,0	Ca-O	2,29	1,0	Ca-O	2,44	7,00	Ca-O	2,44	7,00
Ca-O	2,41	4,0	Ca-O	2,41	4,0						
Ca-O	2,63	2,0	Ca-O	2,63	2,0						
O-O	2,60	0,8	O-O	2,63	1,2	O-O	2,80	8,40	O-O	2,81	8,40
O-O	2,74	7,0	O-O	2,72	3,6						
O-O	3,06	0,6	O-O	2,82	2,4						
			O-O	3,07	1,2						
Ca-Si	3,06	1,0	Ca-Si	3,07	1,0	Ca-Si	3,06	1,00	Ca-Si	3,07	1,00
Ca-O	3,22	2,0	Ca-O	3,22	2,0	Ti-Si	3,26	3,77	Ti-Si	3,26	3,77
Ti-Si	3,28	2,0	Ti-Si	3,28	2,0						
Si-O	3,29	2,0	Si-O	3,29	2,0						
O-O	3,33	1,4	O-O	3,32	1,2	O-O	3,33	1,40	O-O	3,38	1,60
			O-O	3,44	0,4						
Ca-Ti	3,38	4,0	Ca-Ti	3,38	4,0	Ca-Ti	3,41	6,16	Ca-Ti	3,41	6,16
Si-O	3,41	3,0	Si-O	3,41	3,0						
Ti-Si	3,43	2,0	Ti-Si	3,43	2,0						
Ca-Si	3,53	4,0	Ca-Si	3,53	4,0	Ti-Ti	3,55	5,70	Ti-Ti	3,55	5,81
Ti-Ti	3,53	2,0	Ti-Ti	3,53	2,0						
Ti-O	3,49	1,0	Ti-O	3,55	2,0						
Ca-O	3,58	2,0	Ca-O	3,58	2,0						
Ti-O	3,60	1,0	O-O	3,57	0,8						
O-O	3,69	2,2	O-O	3,75	2,0	Ti-O	3,75	5,34	Ti-O	3,79	7,27
Si-O	3,77	4,0	Si-O	3,77	4,0						
Ti-O	3,78	2,0	Ti-O	3,86	4,0						
Ca-O	3,86	4,0	Ca-O	3,86	4,0	Ti-O	3,89	8,86	Ti-O	3,91	7,86
Si-Si	3,91	2,0	Si-Si	3,91	2,0						
Ti-O	3,92	3,0	Ti-O	3,95	2,0						
Ca-Ca	3,99	2,0	Ca-Ca	3,99	2,0	Ca-Ca	4,06	5,57	Ca-Ca	4,09	4,82
O-O	4,00	0,8	O-O	4,01	0,8						
Ti-O	4,09	4,0	O-O	4,17	0,8						
Si-O	4,16	6,0	Ti-O	4,11	2,0						
			Si-O	4,16	6,0						

ционными числами, рассчитанными для обеих полиморфных фаз.

Таким образом, при размоле на воздухе нарушается характер распределения атомов по координационным сферам, тогда как при размоле атмосфере  $\text{CO}_2$  он соответствует таковому для высокотемпературной фазы сфена.

#### ОСНОВНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ И ВЫВОДЫ

Установлено, что при 30-минутном размоле сфена на воздухе и в атмосфере  $\text{CO}_2$  полной

аморфизации не происходит, содержание кристаллической фазы не зависит от атмосферы размола. Следует отметить, что в исследованном ранее в [2] псевдоволластоните после 30-минутного размола не было следов кристаллической фазы.

В размолотых образцах сфена координационные многогранники кремния сохраняются. Число ближайших кислородных соседей атома титана уменьшается при размоле, причем это изменение выражено наиболее ярко в образцах, размолотых в  $\text{CO}_2$ . Число кислородных соседей

Таблица 4

Результаты расчетов радиусов координационных сфер  $r_{ij}$ , координационных чисел  $N_{ij}$  и дисперсии радиусов для размолотых образцов титанита.  
 Ошибка в определении радиусов  $dr_{ij} = \pm 0,01 \text{ \AA}$ , размытий  $d\sigma_{ij} = \pm 0,02 \text{ \AA}$

	CaTiSiO <sub>5</sub> Размол в воздухе 30 мин.			CaTiSiO <sub>5,44</sub> C <sub>0,22</sub> Размол в CO <sub>2</sub> 30 мин.			P2 <sub>1</sub> /a		A2/a	
Тип сферы	$r_{ij}, \text{\AA}$	$\sigma_{ij}, \text{\AA}$	$N_{ij}, \text{ат.}$	$r_{ij}, \text{\AA}$	$\sigma_{ij}, \text{\AA}$	$N_{ij}, \text{ат.}$	$\langle r_{ij} \rangle, \text{\AA}$	$N_{ij}, \text{ат.}$	$\langle r_{ij} \rangle, \text{\AA}$	$N_{ij}, \text{ат.}$
Si-O	1,64	0,18	$3,94 \pm 0,01$	1,67	0,27	$3,99 \pm 0,02$	1,64	4,00	1,64	4,00
Ti-O	1,95	0,25	$5,76 \pm 0,01$	1,90	0,25	$5,55 \pm 0,05$	1,88	6,00	1,94	6,00
Ca-O	2,44	0,19	$5,59 \pm 0,02$	2,44	0,17	$6,84 \pm 0,12$	2,44	7,00	2,46	7,00
O-O(1)	2,80	0,20	$7,12 \pm 0,04$	2,80	0,17	$6,41 \pm 0,06$	2,80	8,40	2,81	8,40
Ca-Si	3,06	0,20	$0,92 \pm 0,10$	3,00	0,02	$1,20 \pm 0,24$	3,06	1,00	3,07	1,00
O-O(2)	3,33	0,17	$1,32 \pm 0,45$	3,32	0,01	$1,88 \pm 0,41$	3,33	1,40	3,38	1,60
Пересчет на сферы типа										
Ti-Si	3,26	0,20	$3,16 \pm 0,17$	3,25	0,08	$2,10 \pm 0,15$	3,26	3,77	3,26	3,77
Ca-Ti	3,41	0,24	$3,70 \pm 0,34$	3,41	0,27	$5,09 \pm 0,64$	3,41	6,16	3,41	6,16
Ti-Ti	3,55	0,13	$10,11 \pm 1,24$	3,56	0,01	$7,59 \pm 0,75$	3,55	5,70	3,55	5,81
Ti-O(2)	3,75	0,15	$7,60 \pm 0,87$	3,75	0,15	$7,67 \pm 0,87$	3,75	5,34	3,79	7,27
Ti-O(3)	3,89	0,20	$3,89 \pm 0,66$	3,89	0,11	$7,81 \pm 0,46$	3,89	8,86	3,91	7,86
Ca-Ca	4,06	0,20	$12,83 \pm 0,18$	4,06	0,07	$7,48 \pm 0,86$	4,06	5,57	4,09	4,82

около атома кальция после размол сфена на воздухе уменьшается, но после размол в атмосфере CO<sub>2</sub> оно близко к значению, теоретически рассчитанному для кристалла.

Аналогичные исследования, проведенные в [2] для образцов псевдоволластонита CaSiO<sub>3</sub>, показали, что при размол псевдоволластонита также происходит уменьшение числа кислородных соседей у атомов кальция [2], однако наибо-

лее интенсивно этот процесс протекает при размол в атмосфере CO<sub>2</sub>.

Работа выполнена при поддержке проекта № П801 в рамках Федеральной целевой программы «Научные и научно-педагогические кадры инновационной России» на 2009–2013 годы (мероприятие 1.2.1).

#### СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

- Алешина Л. А., Никитина Е. А., Фофанов А. Д. Рентгенографические исследования ближнего порядка в аморфных анодных окисных пленках алюминия. Деп. в ВИНТИ. 21.04.1995. № 1134-B95. 23 с.
- Алешина Л. А., Сидорова О. В., Осауленко Р. Н., Фофанов А. Д., Калинин А. М. Рентгенографические исследования влияния размол на структурные характеристики образцов псевдоволластонита // Электронный журнал «Исследовано в России», 030, 297–306, 2009 [Электронный ресурс]. Режим доступа: <http://zhurnal.ape.relarn.ru/articles/2009/030.pdf>
- Калинkin А. М. Механосорбция диоксида углерода перовскитом CaTiO<sub>3</sub> и структурно-химические изменения // Журнал физической химии. 2008. Т. 82. № 2. С. 331–336.
- Калинkin А. М., Калинин Е. В., Васильева Т. Н. Влияние механической активации сфена на его реакционную способность // Коллоидный журнал. 2004. Т. 66. № 2. С. 190–197.
- Калинkin А. М., Калинин Е. В., Залкинд О. А. Механосорбция углекислого газа Ca- и Mg-содержащими силикатами и алюмосиликатами. Поглощение CO<sub>2</sub> и структурно-химические изменения // Коллоидный журнал. 2009. Т. 71. № 2. С. 194–201.
- Калинkin А. М., Неведомский В. Н., Калинин Е. В. Наноструктура диоксида CaMgSi<sub>2</sub>O<sub>6</sub> и перовскита CaTiO<sub>3</sub>, механоактивированных в углекислом газе // Неорганические материалы. 2008. Т. 44. № 6. С. 727–733.
- Лобов Д. В., Фофанов А. Д., Осауленко Р. Н., Калинин А. М. Рентгенографическое исследование структурного состояния образцов диоксида после длительного помола. // Электронный журнал «Исследовано в России», 085, 889–907, 2005 [Электронный ресурс]. Режим доступа: <http://zhurnal.ape.relarn.ru/articles/2005/085.pdf>
- Kunz M., Arlt T., Stolz J. In situ powder diffraction study of titanite (CaTiOSiO<sub>4</sub>) at high temperature // Am. Min. 2000. Vol. 85. P. 1465–1473.
- Kunz M., Xirouchakis D., Lindsley D. H., Hausermann D. High-pressure phase transition in titanite (CaTiOSiO<sub>5</sub>) // Am. Min. 1996. Vol. 8. P. 1527–1530.
- Speer J. A., Gibbs G. V. The crystal structure of synthetic titanite, CaTiOSiO<sub>4</sub>, and the domain textures of natural titanites // Am. Min. 1976. Vol. 61. P. 238–247.
- Taylor M., Brown G. E. High-temperature structural study of the P2<sub>1</sub>/a → A2/a phase transition in synthetic titanite CaTiSiO<sub>5</sub> // Am. Min. 1976. Vol. 61. P. 435–447.